

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ
ФЕДЕРАЦИИ
Федеральное государственное автономное образовательное учреждение
высшего образования
«СЕВЕРО-КАВКАЗСКИЙ ФЕДЕРАЛЬНЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»

Методические указания по выполнению практических работ
по дисциплине
Практикум по решению задач по высшей математике

Направление подготовки
Направленность (профиль)
Форма обучения
Год начала обучения
Реализуется в 1 семестре

44.04.01 Педагогическое образование
Математическое образование
очная
2026

Ставрополь

Введение

Цель изучения дисциплины: формирование набора компетенций будущего магистра по направлению подготовки 44.04.01 Педагогическое образование, направленность "Математическое образование" в области преподавания высшей математики.

Основными **задачами** освоения дисциплины являются:

- Формирование профессиональных компетенций магистров
- формирование математической культуры;
- обобщение знаний по высшей математике;
- овладение современным математическим аппаратом для дальнейшего использования в исследовательской деятельности при решении теоретических и прикладных задач;
- создание условий для развития профессионального творчества и опыта самостоятельной деятельности по усвоению содержания математического образования.

Обучение в онлайн режиме реализуется на основе ст. 16 ФЗ-273 «Об образовании в РФ». Специфика заключается в использовании дистанционных образовательных технологий (ДОТ) и электронного обучения (ЭО), которые обеспечивают освоение образовательной программы в полном объеме независимо от места нахождения обучающихся.

Специфика онлайн-обучения в рамках дисциплины заключается в переносе центра тяжести на управляемую самостоятельную работу магистранта в ЭИОС вуза. Взаимодействие выстраивается через сочетание синхронных вебинаров и асинхронного освоения интерактивного контента, при этом контроль успеваемости осуществляется через цифровую среду с фиксацией образовательного следа

Организация учебного процесса в онлайн режиме влечет трансформацию традиционных видов занятий:

- Лекции: представлены в виде потоковых трансляций (вебинаров).
- Семинары и практикумы: проводятся в системе совместной работы.
- Нагрузка на самостоятельную работу (СРС) возрастает.

Реализация дисциплины с применением электронного обучения и дистанционных образовательных технологий осуществляется с использованием электронной информационно-образовательной среды СКФУ, к которой обеспечен доступ обучающихся через информационно-телекоммуникационную сеть «Интернет», или с использованием ресурсов иных организаций, в том числе платформ, предоставляющих сервисы для проведения видеоконференций, онлайн-встреч и дистанционного обучения (МТС-Линк), а также с использованием возможностей социальных сетей для осуществления коммуникации обучающихся и преподавателей.

Формируемые компетенции:

ПК-2 – Способен разрабатывать методические материалы для организации образовательной деятельности, диагностики и оценивания качества образовательного процесса по математическим дисциплинам

ПК-2 ИД-1. Определяет содержание методических материалов для

организации образовательной деятельности, диагностики и оценивания качества образовательного процесса по математическим дисциплинам на основе знания фундаментальных математических разделов и методических теорий.

ПК-2 ИД-2. Разрабатывает методические материалы для организации образовательной деятельности, диагностики и оценивания качества образовательного процесса с учетом классических и современных тенденций развития математического образования.

Планируемые результаты обучения по дисциплине, характеризующие этапы формирования компетенций, индикаторов:

Определяет содержание методических материалов для организации образовательной деятельности, диагностики и оценивания качества образовательного процесса по высшей математике на основе знания фундаментальных математических разделов и методических теорий.

Разрабатывает методические материалы по высшей математике для организации образовательной деятельности, диагностики и оценивания качества образовательного процесса с учетом классических и современных тенденций развития математического образования

Практическая работа № 1

Тема: Матрицы и определители.

Вопросы практического занятия:

1. Основные сведения о матрицах.
2. Операции над матрицами.
3. Свойства определителей и их вычисление.
4. Обратная матрица. Алгоритм нахождения обратной матрицы.
5. Понятие ранга матрицы.

Задания обязательного уровня:

$$A = \begin{pmatrix} 7 & 2 & 1 & 5 \\ 3 & -2 & 4 & -3 \\ 2 & 1 & 1 & 2 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 5 & 4 & 3 & 0 \\ 2 & 3 & -2 & 1 \\ 1 & 0 & 2 & 4 \end{pmatrix}.$$

1. Даны матрицы $5A + 2X - B = O$. Решить уравнение

2. Найти произведение матриц ABC , где

$$A = \begin{pmatrix} 4 & 3 \\ 7 & 5 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} -28 & 93 \\ 38 & -126 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} 7 & 3 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}.$$

3. Вычислить матрицу $P = ABC - 3E$, где E - единичная матрица

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & -3 \\ 1 & 0 & 2 \\ 4 & 5 & 3 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 1 \end{pmatrix}, C = (2 \ 0 \ 5)$$

соответствующего порядка,

4. Найти ранг матрицы

$$\begin{pmatrix} 2 & 0 & 3 & 5 & 1 \\ 4 & 3 & 1 & 7 & 5 \\ 0 & 3 & -5 & -3 & 2 \\ 2 & 3 & -2 & 2 & 4 \end{pmatrix}.$$

5. Решить уравнение

$$\begin{vmatrix} x^2 & 4 & 9 \\ x & 2 & 3 \\ 1 & 1 & 1 \end{vmatrix} = 0.$$

6. Вычислить определитель, разлагая его по элементам третьего столбца:

$$\begin{vmatrix} 2 & 2 & 0 & 1 \\ 2 & 1 & 3 & 4 \\ 1 & 1 & 0 & 2 \\ 5 & 2 & 1 & 0 \end{vmatrix}.$$

7. Вычислить определитель

$$\begin{vmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 \\ 2 & 3 & 4 & 1 \\ 3 & 4 & 1 & 2 \\ 4 & 1 & 2 & 3 \end{vmatrix}.$$

8. При каких значениях λ матрица $A = \begin{pmatrix} \lambda & 4 & 1 \\ 2 & 5 & -1 \\ 0 & \lambda & 1 \end{pmatrix}$ не имеет обратной?

Рекомендуемая литература:

Перечень основной литературы:

1. Дюженкова Л. И. Практикум по высшей математике. В 2 частях. Ч.1: учебное пособие / Л. И. Дюженкова, О. Ю. Дюженкова, Г. А. Михалин. - 4-е изд. - Москва: Лаборатория знаний, 2020. - 449 с. - ISBN 978-5-00101-777-6 (ч.1), 978-5-00101-776-9. - Текст: электронный // Цифровой образовательный ресурс IPR SMART: [сайт]. - URL: <https://www.iprbookshop.ru/88990.html>. - Режим доступа: для авторизир. пользователей.

2. Дюженкова Л. И. Практикум по высшей математике. В 2 частях. Ч.2: учебное пособие / Л. И. Дюженкова, О. Ю. Дюженкова, Г. А. Михалин. - 4-е изд. - Москва: Лаборатория знаний, 2020. - 469 с. - ISBN 978-5-00101-778-3 (ч.2), 978-5-00101-776-9. - Текст: электронный // Цифровой образовательный ресурс IPR SMART: [сайт]. - URL: <https://www.iprbookshop.ru/88989.html>. - Режим доступа: для авторизир. пользователей.

Перечень дополнительной литературы:

1. Жуковская Т. В. Высшая математика в примерах и задачах. В 2 частях. Ч.1: учебное пособие / Т. В. Жуковская, Е. А. Молоканова, А. И. Урусов. - Тамбов: Тамбовский государственный технический университет, ЭБС АСВ, 2017. - 129 с. - ISBN 978-5-8265-1710-9. - Текст: электронный // Цифровой образовательный ресурс IPR SMART: [сайт]. - URL: <https://www.iprbookshop.ru/85954.html>. - Режим доступа: для авторизир. пользователей.

2. Жуковская Т. В. Высшая математика в примерах и задачах в 2 частях. Ч.2: учебное пособие / Т. В. Жуковская, Е. А. Молоканова, А. И. Урусов. - Тамбов: Тамбовский государственный технический университет, ЭБС АСВ, 2018. - 160 с. - ISBN 978-5-8265-1885-4 (ч.2), 978-5-8265-1709-3. - Текст: электронный // Цифровой образовательный ресурс IPR SMART : [сайт]. - URL: <https://www.iprbookshop.ru/92664.html>. - Режим доступа: для авторизир. пользователей.

3. Растопчина О. М. Высшая математика: практикум / О. М. Растопчина ; под редакцией А. И. Нижников, Т. Н. Попова. - Москва: Московский педагогический государственный университет, 2017. - 138 с. - ISBN 978-5-4263-0534-2. - Текст: электронный // Цифровой образовательный ресурс IPR SMART: [сайт]. - URL: <https://www.iprbookshop.ru/72486.html>. - Режим доступа: для авторизир. пользователей.

Практическая работа № 2.

Тема: Системы линейных алгебраических уравнений (СЛАУ).

Вопросы практического занятия:

1. Основные понятия и определения СЛАУ.
2. Теорема Кронекера-Капелли.
3. Методы решения СЛАУ (метод Крамера).
4. Методы решения СЛАУ (матричный метод)
5. Методы решения СЛАУ (метод Гаусса).

Задания обязательного уровня:

1. Решить систему линейных уравнений по формулам Крамера и Гаусса:

$$\begin{cases} x_1 + 2x_2 + x_3 = 8 \\ -2x_1 + 3x_2 - 3x_3 = -5 \\ 3x_1 - 4x_2 + 5x_3 = 10 \end{cases}$$

2. Решить систему линейных уравнений методом Гаусса:

$$\begin{cases} 2x_1 + 3x_2 - x_3 + x_4 = -3, \\ 3x_1 - x_2 + 2x_3 + 4x_4 = 8, \\ x_1 + x_2 + 3x_3 - 2x_4 = 6, \\ -x_1 + 2x_2 + 3x_3 + 5x_4 = 3. \end{cases}$$

Рекомендуемая литература:

Перечень основной литературы:

1. Дюженкова Л. И. Практикум по высшей математике. В 2 частях. Ч.1: учебное пособие / Л. И. Дюженкова, О. Ю. Дюженкова, Г. А. Михалин. - 4-е изд. - Москва: Лаборатория знаний, 2020. - 449 с. - ISBN 978-5-00101-777-6 (ч.1), 978-5-00101-776-9. - Текст: электронный // Цифровой образовательный ресурс IPR SMART: [сайт]. - URL: <https://www.iprbookshop.ru/88990.html>. - Режим доступа: для авторизир. пользователей.

2. Дюженкова Л. И. Практикум по высшей математике. В 2 частях. Ч.2: учебное пособие / Л. И. Дюженкова, О. Ю. Дюженкова, Г. А. Михалин. - 4-е изд. - Москва: Лаборатория знаний, 2020. - 469 с. - ISBN 978-5-00101-778-3 (ч.2), 978-5-00101-776-9. - Текст: электронный // Цифровой образовательный ресурс IPR SMART: [сайт]. - URL: <https://www.iprbookshop.ru/88989.html>. - Режим доступа: для авторизир. пользователей.

Перечень дополнительной литературы:

1. Жуковская Т. В. Высшая математика в примерах и задачах. В 2 частях. Ч.1: учебное пособие / Т. В. Жуковская, Е. А. Молоканова, А. И. Урусов. - Тамбов: Тамбовский государственный технический университет, ЭБС АСВ, 2017. - 129 с. - ISBN 978-5-8265-1710-9. - Текст: электронный // Цифровой образовательный ресурс IPR SMART: [сайт]. - URL: <https://www.iprbookshop.ru/85954.html>. - Режим доступа: для авторизир. пользователей.

2. Жуковская Т. В. Высшая математика в примерах и задачах в 2 частях. Ч.2: учебное пособие / Т. В. Жуковская, Е. А. Молоканова, А. И. Урусов. - Тамбов: Тамбовский государственный технический университет,

ЭБС АСВ, 2018. - 160 с. - ISBN 978-5-8265-1885-4 (ч.2), 978-5-8265-1709-3.
- Текст: электронный // Цифровой образовательный ресурс IPR SMART :
[сайт]. - URL: <https://www.iprbookshop.ru/92664.html>. - Режим доступа: для авторизир. пользователей.

3. Растопчина О. М. Высшая математика: практикум / О. М. Растопчина ; под редакцией А. И. Нижников, Т. Н. Попова. - Москва: Московский педагогический государственный университет, 2017. - 138 с. - ISBN 978-5-4263-0534-2. - Текст: электронный // Цифровой образовательный ресурс IPR SMART: [сайт]. - URL: <https://www.iprbookshop.ru/72486.html>. - Режим доступа: для авторизир. пользователей.

Практическая работа № 3.

Тема: Основы аналитической геометрии

Вопросы практического занятия:

1. Элементы векторной алгебры
2. Прямая на плоскости
3. Плоскость
4. Прямая и плоскость
5. Кривые и поверхности второго порядка

Задания обязательного уровня:

1. Найти длину вектора $\vec{a} = 2\vec{i} + 3\vec{j} - 6\vec{k}$ и его направляющие косинусы.
2. Даны модули векторов $|\vec{a}| = 11, |\vec{b}| = 23, |\vec{a} - \vec{b}| = 30$. Найти $|\vec{a} + \vec{b}|$.
3. На плоскости даны три вектора $\vec{a} = 2\vec{i}, \vec{b} = 3\vec{i} + 3\vec{j}, \vec{c} = 2\vec{i} + 6\vec{j}$. Разложить вектор \vec{c} по векторам \vec{a} и \vec{b} .
4. Дано: $|\vec{a}| = 2, |\vec{b}| = 1, \varphi = (\vec{a} \wedge \vec{b}) = \pi/3$. Найти модуль вектора $\vec{c} = 2\vec{a} - 3\vec{b}$.
5. Найти длины сторон и углы треугольника с вершинами А(-1,-2,4), В(-4,-2,0), С(3,-2,1).
6. Дано: $|\vec{a}| = 1, |\vec{b}| = 2, \varphi = (\vec{a} \wedge \vec{b}) = 2\pi/3$. Найти:
 $|\vec{a} \times \vec{b}|, |(\vec{a} + 2\vec{b}) \times (-\vec{a} + 3\vec{b})|$.
7. Найти площадь параллелограмма, построенного на векторах $\vec{a} = (8, 4, 1)$ и $\vec{b} = (2, -2, 1)$.
8. При каком значении λ векторы $\vec{a} = \vec{i} + \vec{j} + \lambda\vec{k}, \vec{b} = (0, 1, 0)$ и $\vec{c} = (3, 0, 1)$ компланарны?
9. Найти объем параллелепипеда, построенного на векторах $\vec{a} = (1, -2, 1), \vec{b} = (3, 2, 1), \vec{c} = (1, 0, -1)$.

10. Дано общее уравнение прямой: $12x - 5y - 65 = 0$. Написать: 1) уравнение с угловым коэффициентом; 2) уравнение в «отрезках».
11. Составить уравнение прямой, проходящей через точку $A(2,3)$ под углом 60° к оси Ox . Построить данную прямую.
12. Составить уравнение прямой, проходящей через точку $A(2,5)$ и отсекающей на оси ординат отрезок $b=7$.
13. Составить уравнение прямой, проходящей через точку пересечения прямых $2x - 3y + 5 = 0$ и $3x + y - 7 = 0$ перпендикулярно к прямой $y = 2x$.

Рекомендуемая литература:

Перечень основной литературы:

1. Дюженкова Л. И. Практикум по высшей математике. В 2 частях. Ч.1: учебное пособие / Л. И. Дюженкова, О. Ю. Дюженкова, Г. А. Михалин. - 4-е изд. - Москва: Лаборатория знаний, 2020. - 449 с. - ISBN 978-5-00101-777-6 (ч.1), 978-5-00101-776-9. - Текст: электронный // Цифровой образовательный ресурс IPR SMART: [сайт]. - URL: <https://www.iprbookshop.ru/88990.html>. - Режим доступа: для авторизир. пользователей.

2. Дюженкова Л. И. Практикум по высшей математике. В 2 частях. Ч.2: учебное пособие / Л. И. Дюженкова, О. Ю. Дюженкова, Г. А. Михалин. - 4-е изд. - Москва: Лаборатория знаний, 2020. - 469 с. - ISBN 978-5-00101-778-3 (ч.2), 978-5-00101-776-9. - Текст: электронный // Цифровой образовательный ресурс IPR SMART: [сайт]. - URL: <https://www.iprbookshop.ru/88989.html>. - Режим доступа: для авторизир. пользователей.

Перечень дополнительной литературы:

1. Жуковская Т. В. Высшая математика в примерах и задачах. В 2 частях. Ч.1: учебное пособие / Т. В. Жуковская, Е. А. Молоканова, А. И. Урусов. - Тамбов: Тамбовский государственный технический университет, ЭБС АСВ, 2017. - 129 с. - ISBN 978-5-8265-1710-9. - Текст: электронный // Цифровой образовательный ресурс IPR SMART: [сайт]. - URL: <https://www.iprbookshop.ru/85954.html>. - Режим доступа: для авторизир. пользователей.

2. Жуковская Т. В. Высшая математика в примерах и задачах в 2 частях. Ч.2: учебное пособие / Т. В. Жуковская, Е. А. Молоканова, А. И. Урусов. - Тамбов: Тамбовский государственный технический университет, ЭБС АСВ, 2018. - 160 с. - ISBN 978-5-8265-1885-4 (ч.2), 978-5-8265-1709-3. - Текст: электронный // Цифровой образовательный ресурс IPR SMART : [сайт]. - URL: <https://www.iprbookshop.ru/92664.html>. - Режим доступа: для авторизир. пользователей.

3. Растопчина О. М. Высшая математика: практикум / О. М. Растопчина ; под редакцией А. И. Нижников, Т. Н. Попова. - Москва: Московский педагогический государственный университет, 2017. - 138 с. - ISBN 978-5-4263-0534-2. - Текст: электронный // Цифровой образовательный ресурс IPR SMART: [сайт]. - URL: <https://www.iprbookshop.ru/72486.html>. - Режим доступа: для авторизир. пользователей.

Практическая работа № 4

Тема: Предел и непрерывность функций

Вопросы практического занятия:

1. Предел функции в точке и на бесконечности.
2. Бесконечно малые и бесконечно большие величины.
3. Непрерывность функции в точке.
4. Односторонние пределы и односторонняя непрерывность.
5. Точки разрыва и их классификация.

Задания обязательного уровня:

1. Найти $\lim_{x \rightarrow 4} \frac{x^2 - 16}{x^2 - 3x - 4}$.
2. Найти $\lim_{x \rightarrow -3} \frac{x^3 + 27}{x^2 - 9}$.
3. Найти $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{x^2 - 1}{\sqrt[3]{x + 1}}$.
4. Найти $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{1 + x^2} - 1}{\sqrt{x^2 + 16} - 4}$.
5. Найти $\lim_{x \rightarrow \infty} (\sqrt{x - 2} - \sqrt{x})$.
6. Найти $\lim_{x \rightarrow \infty} (x - 5) \sin\left(\frac{1}{x - 5}\right)$.
7. Найти $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos 4x}{2x \cdot \operatorname{tg} 2x}$.
8. Найти $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 4x}{\sqrt{x + 1} - 1}$.
9. Найти $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{1}{x^2}\right)^{5x}$.
10. Найти $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{x^2 + 5}{x^2 - 5}\right)^{x^2}$.
11. Найти $\lim_{x \rightarrow 0} \left(\frac{1}{1 + x}\right)^{\frac{1}{2x}}$.
12. Пользуясь определением непрерывности функции, доказать непрерывность функции $y = 4x^2 + 3$ в произвольной точке $x_0 \in R$.
13. Исследовать на непрерывность и найти точки разрыва функций. Указать характер разрыва:
а) $y = \frac{1}{1 + e^{\frac{1}{x}}}$; б) $y = \frac{x^2 + 2}{x - 2}$.

Рекомендуемая литература

Перечень основной литературы:

1. Дюженкова Л. И. Практикум по высшей математике. В 2 частях. Ч.1: учебное пособие / Л. И. Дюженкова, О. Ю. Дюженкова, Г. А. Михалин. - 4-е изд. - Москва: Лаборатория знаний, 2020. - 449 с. - ISBN 978-5-00101-777-6 (ч.1), 978-5-00101-776-9. - Текст: электронный // Цифровой образовательный ресурс IPR SMART: [сайт]. - URL: <https://www.iprbookshop.ru/88990.html>. - Режим доступа: для авторизир. пользователей.

2. Дюженкова Л. И. Практикум по высшей математике. В 2 частях. Ч.2: учебное пособие / Л. И. Дюженкова, О. Ю. Дюженкова, Г. А. Михалин. - 4-е изд. - Москва: Лаборатория знаний, 2020. - 469 с. - ISBN 978-5-00101-778-3 (ч.2), 978-5-00101-776-9. - Текст: электронный // Цифровой образовательный ресурс IPR SMART: [сайт]. - URL: <https://www.iprbookshop.ru/88989.html>. - Режим доступа: для авторизир. пользователей.

Перечень дополнительной литературы:

1. Жуковская Т. В. Высшая математика в примерах и задачах. В 2 частях. Ч.1: учебное пособие / Т. В. Жуковская, Е. А. Молоканова, А. И. Урусов. - Тамбов: Тамбовский государственный технический университет, ЭБС АСВ, 2017. - 129 с. - ISBN 978-5-8265-1710-9. - Текст: электронный // Цифровой образовательный ресурс IPR SMART: [сайт]. - URL: <https://www.iprbookshop.ru/85954.html>. - Режим доступа: для авторизир. пользователей.

2. Жуковская Т. В. Высшая математика в примерах и задачах в 2 частях. Ч.2: учебное пособие / Т. В. Жуковская, Е. А. Молоканова, А. И. Урусов. - Тамбов: Тамбовский государственный технический университет, ЭБС АСВ, 2018. - 160 с. - ISBN 978-5-8265-1885-4 (ч.2), 978-5-8265-1709-3. - Текст: электронный // Цифровой образовательный ресурс IPR SMART : [сайт]. - URL: <https://www.iprbookshop.ru/92664.html>. - Режим доступа: для авторизир. пользователей.

3. Растопчина О. М. Высшая математика: практикум / О. М. Растопчина ; под редакцией А. И. Нижников, Т. Н. Попова. - Москва: Московский педагогический государственный университет, 2017. - 138 с. - ISBN 978-5-4263-0534-2. - Текст: электронный // Цифровой образовательный ресурс IPR SMART: [сайт]. - URL: <https://www.iprbookshop.ru/72486.html>. - Режим доступа: для авторизир. пользователей.

Практическая работа № 5

Тема: Дифференциальное исчисление функций

Вопросы практического занятия:

1. Определение производной. Геометрический и механический смысл производной.
2. Производная сложной функции. Понятие производных высших порядков.
3. Дифференциал функции, его свойства и геометрический смысл.
4. Применение дифференциала в приближенных вычислениях.
5. Возрастание и убывание функций. Экстремум функции.
6. Схема исследования функции на экстремум.
7. Выпуклость, вогнутость функции. Точки перегиба.
8. Схема исследования функции на выпуклость, вогнутость и точки перегиба.
9. Асимптоты графика функции.
10. Общая схема исследования функции и построение графика.

Задания обязательного уровня:

1. Найти производную функции: $y = \frac{x \ln x}{1+x}$.
2. Найти производную функции: $y = \left(\frac{x^2 - 1}{x^2 + 1} \right)^4$.
3. Найти производную функции: $y = \frac{\operatorname{arccot} x}{\sqrt{1+x^2}}$.
4. Найти производную функции: $y = \ln^3 \sqrt{\frac{1-3x}{1+3x}}$.
5. Найти производные указанных порядков для следующих функций:
6. а) $y = \ln \cos x, y'' = ?$ б) $y = x e^x, y''' = ?$
7. Найти дифференциалы первого порядка функции $y = \operatorname{arctg} e^{2x}$.
8. Найти предел, используя правила Лопиталю: $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{x^2} - e^{-x^2} - 2}{x^2}$.
9. Найти предел, используя правила Лопиталю: $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^2}{\ln(e^{x^2} + 1)}$.
10. Найти экстремумы функции $y = \frac{\ln x}{x}$.
11. Найти экстремумы функции $y = \frac{e^{2x}}{1+x}$.
12. Найти наибольшее и наименьшее значения функции $y = x^2 - 2x\sqrt{x} + x - 4$ на отрезке $[0;4]$.
13. Найти интервалы выпуклости и точки перегиба графика функции
14. $y = 0.5x^3 + 3x^2 - 18x + 20$.

15. Найти асимптоты графика функции $y = \frac{3x^5}{2+x^4}$.

Найти асимптоты графика функции $y = \frac{x^2+3}{x^2-9}$.

Рекомендуемая литература

Перечень основной литературы:

1. Дюженкова Л. И. Практикум по высшей математике. В 2 частях. Ч.1: учебное пособие / Л. И. Дюженкова, О. Ю. Дюженкова, Г. А. Михалин. - 4-е изд. - Москва: Лаборатория знаний, 2020. - 449 с. - ISBN 978-5-00101-777-6 (ч.1), 978-5-00101-776-9. - Текст: электронный // Цифровой образовательный ресурс IPR SMART: [сайт]. - URL: <https://www.iprbookshop.ru/88990.html>. - Режим доступа: для авторизир. пользователей.

2. Дюженкова Л. И. Практикум по высшей математике. В 2 частях. Ч.2: учебное пособие / Л. И. Дюженкова, О. Ю. Дюженкова, Г. А. Михалин. - 4-е изд. - Москва: Лаборатория знаний, 2020. - 469 с. - ISBN 978-5-00101-778-3 (ч.2), 978-5-00101-776-9. - Текст: электронный // Цифровой образовательный ресурс IPR SMART: [сайт]. - URL: <https://www.iprbookshop.ru/88989.html>. - Режим доступа: для авторизир. пользователей.

Перечень дополнительной литературы:

1. Жуковская Т. В. Высшая математика в примерах и задачах. В 2 частях. Ч.1: учебное пособие / Т. В. Жуковская, Е. А. Молоканова, А. И. Урусов. - Тамбов: Тамбовский государственный технический университет, ЭБС АСВ, 2017. - 129 с. - ISBN 978-5-8265-1710-9. - Текст: электронный // Цифровой образовательный ресурс IPR SMART: [сайт]. - URL: <https://www.iprbookshop.ru/85954.html>. - Режим доступа: для авторизир. пользователей.

2. Жуковская Т. В. Высшая математика в примерах и задачах в 2 частях. Ч.2: учебное пособие / Т. В. Жуковская, Е. А. Молоканова, А. И. Урусов. - Тамбов: Тамбовский государственный технический университет, ЭБС АСВ, 2018. - 160 с. - ISBN 978-5-8265-1885-4 (ч.2), 978-5-8265-1709-3. - Текст: электронный // Цифровой образовательный ресурс IPR SMART : [сайт]. - URL: <https://www.iprbookshop.ru/92664.html>. - Режим доступа: для авторизир. пользователей.

3. Растопчина О. М. Высшая математика: практикум / О. М. Растопчина ; под редакцией А. И. Нижников, Т. Н. Попова. - Москва: Московский педагогический государственный университет, 2017. - 138 с. - ISBN 978-5-4263-0534-2. - Текст: электронный // Цифровой образовательный ресурс IPR SMART: [сайт]. - URL: <https://www.iprbookshop.ru/72486.html>. - Режим доступа: для авторизир. пользователей.

Тема 6

Практическая работа № 6-7

Тема: Интегральное исчисление функций

Вопросы практического занятия:

1. Основы интегрального исчисления: понятие первообразной, таблица основных интегралов, правила интегрирования.
2. Определенный интеграл. Формула Ньютона-Лейбница.
3. Практические приложения определенного интеграла.
4. Метод замены переменных при интегрировании.
5. Интегрирование по частям.
6. Интегрирование тригонометрических функций.
7. Интегрирование рациональных функций.
8. Интегрирование иррациональных функций.

Задания обязательного уровня:

1. Найти интеграл $\int \frac{(2\sqrt[3]{x} + 1)^2}{\sqrt[3]{x}} dx$.

2. Найти интеграл $\int \sin \frac{x}{2} \cos \frac{x}{2} dx$.

3. Найти интеграл $\int \frac{dx}{(4x + 3)^5}$.

4. Найти интеграл $\int \frac{\ln x}{x\sqrt{1 + \ln x}} dx$.

5. Найти интеграл $\int x^3 \cdot e^{2x} dx$.

6. Найти интеграл $\int \frac{dx}{x^2 + x + 1}$.

7. Найти интеграл $\int_1^2 \frac{3x^4 - 5x^2 + 7}{x} dx$.

8. Найти интеграл $\int_0^1 \frac{x}{\sqrt{1 - x^2}} dx$.

9. Найти интеграл $\int_0^{\pi/3} \frac{\sin x dx}{\cos^4 x}$.

10. Найти интеграл $\int_1^e x^2 \cdot \ln x dx$.

11. Вычислить несобственный интеграл (или установить его расходимость):

$$\int_0^{+\infty} \frac{dx}{x^2 + 9}$$

12. Вычислить несобственный интеграл (или установить его расходимость):

$$\int_{-\infty}^0 \sin 3x \, dx$$

Рекомендуемая литература

Перечень основной литературы:

1. Дюженкова Л. И. Практикум по высшей математике. В 2 частях. Ч.1: учебное пособие / Л. И. Дюженкова, О. Ю. Дюженкова, Г. А. Михалин. - 4-е изд. - Москва: Лаборатория знаний, 2020. - 449 с. - ISBN 978-5-00101-777-6 (ч.1), 978-5-00101-776-9. - Текст: электронный // Цифровой образовательный ресурс IPR SMART: [сайт]. - URL: <https://www.iprbookshop.ru/88990.html>. - Режим доступа: для авторизир. пользователей.

2. Дюженкова Л. И. Практикум по высшей математике. В 2 частях. Ч.2: учебное пособие / Л. И. Дюженкова, О. Ю. Дюженкова, Г. А. Михалин. - 4-е изд. - Москва: Лаборатория знаний, 2020. - 469 с. - ISBN 978-5-00101-778-3 (ч.2), 978-5-00101-776-9. - Текст: электронный // Цифровой образовательный ресурс IPR SMART: [сайт]. - URL: <https://www.iprbookshop.ru/88989.html>. - Режим доступа: для авторизир. пользователей.

Перечень дополнительной литературы:

1. Жуковская Т. В. Высшая математика в примерах и задачах. В 2 частях. Ч.1: учебное пособие / Т. В. Жуковская, Е. А. Молоканова, А. И. Урусов. - Тамбов: Тамбовский государственный технический университет, ЭБС АСВ, 2017. - 129 с. - ISBN 978-5-8265-1710-9. - Текст: электронный // Цифровой образовательный ресурс IPR SMART: [сайт]. - URL: <https://www.iprbookshop.ru/85954.html>. - Режим доступа: для авторизир. пользователей.

2. Жуковская Т. В. Высшая математика в примерах и задачах в 2 частях. Ч.2: учебное пособие / Т. В. Жуковская, Е. А. Молоканова, А. И. Урусов. - Тамбов: Тамбовский государственный технический университет, ЭБС АСВ, 2018. - 160 с. - ISBN 978-5-8265-1885-4 (ч.2), 978-5-8265-1709-3. - Текст: электронный // Цифровой образовательный ресурс IPR SMART : [сайт]. - URL: <https://www.iprbookshop.ru/92664.html>. - Режим доступа: для авторизир. пользователей.

3. Растопчина О. М. Высшая математика: практикум / О. М. Растопчина ; под редакцией А. И. Нижников, Т. Н. Попова. - Москва: Московский педагогический государственный университет, 2017. - 138 с. - ISBN 978-5-4263-0534-2. - Текст: электронный // Цифровой образовательный ресурс IPR SMART: [сайт]. - URL: <https://www.iprbookshop.ru/72486.html>. - Режим доступа: для авторизир. пользователей.

Тема 7.

Практическая работа № 8

Тема: Дифференциальные уравнения

Вопросы практического занятия:

1. Общие сведения о дифференциальных уравнениях.
2. Дифференциальные уравнения первого порядка. Основные понятия. Задача Коши. Теорема существования и единственности решения.
3. Уравнения с разделяющимися переменными.
4. Однородные дифференциальные уравнения первого порядка.
5. Линейные дифференциальные уравнения первого порядка.
6. Дифференциальные уравнения высших порядков. Основные понятия.
7. Уравнения, допускающие понижение порядка.
8. Линейные дифференциальные уравнения высших порядков.
9. Линейные однородные дифференциальные уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами.
10. Линейные неоднородные дифференциальные уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами.

Задания обязательного уровня:

1. Решить дифференциальное уравнение $x\sqrt{1+y^2} + yy'\sqrt{1+x^2} = 0$.
2. Решить дифференциальное уравнение $2xyy' = x^2 + y^2$.
3. Решить дифференциальное уравнение $xy' - 2y = x^3 \cos x$.
4. Решить дифференциальное уравнение $xy' + y = \frac{y^2}{2} \ln x$.
5. Решить дифференциальное уравнение $y'' = \frac{1}{1+x^2} + x - \sin x$.
6. Решить дифференциальное уравнение $y'' - y' - 2y = 0$.
7. Решить дифференциальное уравнение $y'' + 24y' + 144y = 0$.
8. Найти частное решение дифференциального уравнения $y' \sin x - y \ln y = 0$ удовлетворяющее заданному начальному условию $y\left(\frac{\pi}{2}\right) = 1$.
9. Решить дифференциальное уравнение $y'' - 9y = 2 - x$.

Рекомендуемая литература

Перечень основной литературы:

1. Дюженкова Л. И. Практикум по высшей математике. В 2 частях. Ч.1: учебное пособие / Л. И. Дюженкова, О. Ю. Дюженкова, Г. А. Михалин. - 4-е изд. - Москва: Лаборатория знаний, 2020. - 449 с. - ISBN 978-5-00101-777-6 (ч.1), 978-5-00101-776-9. - Текст: электронный // Цифровой образовательный ресурс IPR SMART: [сайт]. - URL: <https://www.iprbookshop.ru/88990.html>. - Режим доступа: для авторизир. пользователей.

2. Дюженкова Л. И. Практикум по высшей математике. В 2 частях. Ч.2: учебное пособие / Л. И. Дюженкова, О. Ю. Дюженкова, Г. А. Михалин. - 4-е изд. - Москва: Лаборатория знаний, 2020. - 469 с. - ISBN 978-5-00101-778-3 (ч.2), 978-5-00101-776-9. - Текст: электронный // Цифровой образовательный ресурс IPR SMART: [сайт]. - URL: <https://www.iprbookshop.ru/88989.html>. - Режим доступа: для авторизир. пользователей.

Перечень дополнительной литературы:

1. Жуковская Т. В. Высшая математика в примерах и задачах. В 2 частях. Ч.1: учебное пособие / Т. В. Жуковская, Е. А. Молоканова, А. И. Урусов. - Тамбов: Тамбовский государственный технический университет, ЭБС АСВ, 2017. - 129 с. - ISBN 978-5-8265-1710-9. - Текст: электронный // Цифровой образовательный ресурс IPR SMART: [сайт]. - URL: <https://www.iprbookshop.ru/85954.html>. - Режим доступа: для авторизир. пользователей.

2. Жуковская Т. В. Высшая математика в примерах и задачах в 2 частях. Ч.2: учебное пособие / Т. В. Жуковская, Е. А. Молоканова, А. И. Урусов. - Тамбов: Тамбовский государственный технический университет, ЭБС АСВ, 2018. - 160 с. - ISBN 978-5-8265-1885-4 (ч.2), 978-5-8265-1709-3. - Текст: электронный // Цифровой образовательный ресурс IPR SMART : [сайт]. - URL: <https://www.iprbookshop.ru/92664.html>. - Режим доступа: для авторизир. пользователей.

3. Растопчина О. М. Высшая математика: практикум / О. М. Растопчина ; под редакцией А. И. Нижников, Т. Н. Попова. - Москва: Московский педагогический государственный университет, 2017. - 138 с. - ISBN 978-5-4263-0534-2. - Текст: электронный // Цифровой образовательный ресурс IPR SMART: [сайт]. - URL: <https://www.iprbookshop.ru/72486.html>. - Режим доступа: для авторизир. пользователей.

Тема 8

Практическая работа № 9

Тема: Ряды.

Вопросы практического занятия:

1. Числовой ряд (основные понятия и определения).
2. Признаки сходимости рядов с положительными членами.
3. Знакопередающиеся ряды. Признак Лейбница.
4. Функциональные ряды.
5. Степенные ряды.

Задания обязательного уровня:

1. Исследовать ряд на сходимость $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^3}{3^n}$

2. Исследовать ряд на сходимость $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{\operatorname{arctgn} n + 1}{n^2}$

3. Исследовать ряд на сходимость $\sum_{n=1}^{\infty} \left(1 + \frac{1}{n}\right)^{n^2}$

4. Исследовать ряд на сходимость $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{(n+1)!}$

5. Исследовать ряд на сходимость $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{5^n + 1}{2^n}$

Рекомендуемая литература

Перечень основной литературы:

1. Дюженкова Л. И. Практикум по высшей математике. В 2 частях. Ч.1: учебное пособие / Л. И. Дюженкова, О. Ю. Дюженкова, Г. А. Михалин. - 4-е изд. - Москва: Лаборатория знаний, 2020. - 449 с. - ISBN 978-5-00101-777-6 (ч.1), 978-5-00101-776-9. - Текст: электронный // Цифровой образовательный ресурс IPR SMART: [сайт]. - URL: <https://www.iprbookshop.ru/88990.html>. - Режим доступа: для авторизир. пользователей.

2. Дюженкова Л. И. Практикум по высшей математике. В 2 частях. Ч.2: учебное пособие / Л. И. Дюженкова, О. Ю. Дюженкова, Г. А. Михалин. - 4-е изд. - Москва: Лаборатория знаний, 2020. - 469 с. - ISBN 978-5-00101-778-3 (ч.2), 978-5-00101-776-9. - Текст: электронный // Цифровой образовательный ресурс IPR SMART: [сайт]. - URL: <https://www.iprbookshop.ru/88989.html>. - Режим доступа: для авторизир. пользователей.

Перечень дополнительной литературы:

1. Жуковская Т. В. Высшая математика в примерах и задачах. В 2 частях. Ч.1: учебное пособие / Т. В. Жуковская, Е. А. Молоканова, А. И. Урусов. - Тамбов: Тамбовский государственный технический университет, ЭБС АСВ, 2017. - 129 с. - ISBN 978-5-8265-1710-9. - Текст: электронный //

Цифровой образовательный ресурс IPR SMART: [сайт]. - URL: <https://www.iprbookshop.ru/85954.html>. - Режим доступа: для авторизир. пользователей.

2. Жуковская Т. В. Высшая математика в примерах и задачах в 2 частях. Ч.2: учебное пособие / Т. В. Жуковская, Е. А. Молоканова, А. И. Урусов. - Тамбов: Тамбовский государственный технический университет, ЭБС АСВ, 2018. - 160 с. - ISBN 978-5-8265-1885-4 (ч.2), 978-5-8265-1709-3. - Текст: электронный // Цифровой образовательный ресурс IPR SMART : [сайт]. - URL: <https://www.iprbookshop.ru/92664.html>. - Режим доступа: для авторизир. пользователей.

3. Растопчина О. М. Высшая математика: практикум / О. М. Растопчина ; под редакцией А. И. Нижников, Т. Н. Попова. - Москва: Московский педагогический государственный университет, 2017. - 138 с. - ISBN 978-5-4263-0534-2. - Текст: электронный // Цифровой образовательный ресурс IPR SMART: [сайт]. - URL: <https://www.iprbookshop.ru/72486.html>. - Режим доступа: для авторизир. пользователей.

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ
ФЕДЕРАЦИИ
Федеральное государственное автономное образовательное учреждение
высшего образования
«СЕВЕРО-КАВКАЗСКИЙ ФЕДЕРАЛЬНЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»

Методические указания по организации и проведению самостоятельной работы
по дисциплине
Практикум по решению задач по высшей математике

Направление подготовки
Направленность (профиль)
Форма обучения
Год начала обучения
Реализуется в 1 семестре

44.04.01 Педагогическое образование
Математическое образование
очная
2026

Ставрополь

Методические указания по изучению дисциплины для студентов

Самостоятельная работа студентов способствует развитию самостоятельности, ответственности и организованности, творческого подхода к решению проблем учебного и профессионального уровня.

Задачами СРС являются:

- систематизация и закрепление полученных теоретических знаний и практических умений студентов;
- углубление и расширение теоретических знаний;
- формирование умений использовать нормативную, правовую, справочную документацию и специальную литературу;
- развитие познавательных способностей и активности студентов: творческой инициативы, самостоятельности, ответственности и организованности;
- формирование самостоятельности мышления, способностей к саморазвитию, самосовершенствованию и самореализации;
- развитие исследовательских умений;
- использование материала, собранного и полученного в ходе самостоятельных занятий на семинарах, на практических и лабораторных занятиях, при написании курсовых и выпускной квалификационной работ, для эффективной подготовки к итоговым зачетам и экзаменам.

Рекомендации по работе с электронными учебниками, видеоматериалами, базами данных

Электронные учебники

- Используйте интерактивный инструментарий: выделяйте важные фрагменты текста цветом, добавляйте закладки и создавайте личные примечания прямо в системе.
- Поиск и навигация: применяйте полнотекстовый поиск по ключевым словам для быстрого нахождения определений и формул, что значительно экономит время по сравнению с бумажными версиями.

- Гиперссылки: переходите по встроенным ссылкам для получения дополнительных разъяснений или связи с другими разделами курса, превращая учебник в единую систему знаний.

- Проверка знаний: используйте встроенные тренажеры и тестирующие системы для немедленного контроля усвоения материала.

Видеоматериалы

- Управление восприятием: используйте возможность повтора сложных фрагментов или замедления скорости воспроизведения для детального разбора процессов (особенно в физике или химии).

- Визуализация абстракций: применяйте видео для наблюдения за экспериментами и процессами, которые невозможно увидеть в реальности.

- Параллельное конспектирование: останавливайте видео для фиксации ключевых тезисов или создания скриншотов важных схем и таблиц.

Базы данных и электронные библиотеки (ЭБС)

- Фильтрация и отбор: задействуйте расширенные фильтры поиска по автору, году издания или уровню образования для точного подбора литературы.

- Персонализация: создавайте виртуальные «книжные полки» в личном кабинете для хранения часто используемых документов.

- Интеграция ресурсов: используйте мультимедийные каталоги, где видеоролики и чертежи привязаны к конкретным темам учебной программы.

- Легальность и доступ: пользуйтесь официальными платформами (например, «Юрайт», «Лань», Znanium), которые обеспечивают качественный и проверенный контент.

Для эффективной работы стоит разделить инструменты на платформы с контентом и сервисы для обработки информации.

Популярные образовательные платформы

- ЭБС «Юрайт» и «Лань»: Стандарт для студентов и преподавателей. Здесь удобно то, что учебники разбиты на модули, есть встроенные тесты и видео-курсы.

- Stepik: Платформа с интерактивными уроками. Главный плюс — вы сразу применяете теорию на практике (решаете задачи, пишете код).
- ПостНаука и Arzamas: Лучшие ресурсы для работы с видеоматериалами. Темы раскрыты глубоко, а к видео часто прилагаются списки литературы и конспекты.
- КиберЛенинка: Бесплатная база научных статей. Идеальна для поиска актуальных исследований и правильного оформления цитат.

Приемы эффективного конспектирования

Чтобы информация из видео и цифровых книг не «вылетала из головы», попробуйте эти техники:

- Метод Корнелла (для видео и лекций):

Разделите лист на три части: узкая колонка слева — для ключевых слов и вопросов, широкая справа — для самого конспекта, нижняя полоса — для резюме (2-3 предложения о самом главном).

- Метод «Тайм-кодов»:

При просмотре видео делайте заметки с указанием времени (например, 05:20 — формула ускорения). Это позволит мгновенно вернуться к нужному моменту при повторении.

- Интеллект-карты (Mind Maps):

Если тема сложная и объемная (из базы данных или главы учебника), рисуйте схему связей. В центре – главная тема, от неё – ветви с подробностями. Это «включает» визуальную память.

- Инструменты для цифровых заметок:

- о Notion / Obsidian: Позволяют собирать всё в одном месте: текст, ссылки на базы данных, встроенные видео и скриншоты из учебников.

- о Zotero: Незаменимая вещь для работы с базами данных. Она сама сохраняет библиографические данные статьи или книги и помогает в один клик вставить ссылку в ваш реферат или диплом.

Самостоятельная работа включает в себя:

- подготовку к аудиторным занятиям (лекциям, практическим, занятиям) и выполнение соответствующих заданий;
- самостоятельную работу над отдельными модулями (темами) дисциплины в соответствии с рабочей программой;
- написание рефератов, докладов;
- подготовку к практическим занятиям и выполнение предусмотренных ими заданий;
- подготовку ко всем видам аттестаций;
- подготовку презентаций по темам (части темы).

Основной формой самостоятельной работы студента является изучение конспекта лекций, их дополнение, рекомендованной литературы, активное участие на практических и семинарских занятиях. Но для успешной учебной деятельности, ее интенсификации, необходимо учитывать следующие субъективные факторы:

1. Знание школьного программного материала, наличие прочной системы знаний, необходимой для усвоения основных вузовских курсов. Это особенно важно для математических дисциплин. Необходимо отличать пробелы в знаниях, затрудняющие усвоение нового материала, от малых способностей. Затратив силы на преодоление этих пробелов, студент обеспечит себе нормальную успеваемость и поверит в свои способности.

2. Наличие умений, навыков умственного труда:

- а) умение конспектировать на лекции и при работе с книгой;
- б) владение логическими операциями: сравнение, анализ, синтез, обобщение, определение понятий, правила систематизации и классификации.

3. Специфика познавательных психических процессов: внимание, память, речь, наблюдательность, интеллект и мышление. Слабое развитие каждого из них становится серьезным препятствием в учебе.

4. Хорошая работоспособность, которая обеспечивается нормальным физическим состоянием. Ведь серьезное учение - это большой многосторонний и разнообразный труд. Результат обучения оценивается не

количеством сообщаемой информации, а качеством ее усвоения, умением ее использовать и развитием у себя способности к дальнейшему самостоятельному образованию.

5. Соответствие избранной деятельности, профессии индивидуальным способностям. Необходимо выработать у себя умение саморегулировать свое эмоциональное состояние и устранять обстоятельства, нарушающие деловой настрой, мешающие намеченной работе.

6. Овладение оптимальным стилем работы, обеспечивающим успех в деятельности. Чередование труда и пауз в работе, периоды отдыха, индивидуально обоснованная норма продолжительности сна, предпочтение вечерних или утренних занятий, стрессоустойчивость на экзаменах и особенности подготовки к ним,

7. Уровень требований к себе, определяемый сложившейся самооценкой.

Адекватная оценка знаний, достоинств, недостатков - важная составляющая самоорганизации человека, без нее невозможна успешная работа по управлению своим поведением, деятельностью.

Одна из основных особенностей обучения в высшей школе заключается в том, что постоянный внешний контроль заменяется самоконтролем, активная роль в обучении принадлежит уже не столько преподавателю, сколько студенту.

Зная основные методы научной организации умственного труда, можно при наименьших затратах времени, средств и трудовых усилий достичь наилучших результатов.

Эффективность усвоения поступающей информации зависит от работоспособности человека в тот или иной момент его деятельности.

Работоспособность - способность человека к труду с высокой степенью напряженности в течение определенного времени. Различают внутренние и внешние факторы работоспособности.

К внутренним факторам работоспособности относятся интеллектуальные особенности, воля, состояние здоровья.

К внешним:

- организация рабочего места, режим труда и отдыха;
- уровень организации труда - умение получить справку и пользоваться информацией;
- величина умственной нагрузки.

Выдающийся русский физиолог Н. Е. Введенский выделил следующие условия продуктивности умственной деятельности:

- во всякий труд нужно входить постепенно;
- мерность и ритм работы. Разным людям присущ более или менее разный темп работы;
- привычная последовательность и систематичность деятельности;
- правильное чередование труда и отдыха.

Отдых не предполагает обязательного полного бездействия со стороны человека, он может быть достигнут простой переменой дела. В течение дня работоспособность изменяется. Наиболее плодотворным является утреннее время (с 8 до 14 часов), причем максимальная работоспособность приходится на период с 10 до 13 часов, затем послеобеденное - (с 16 до 19 часов) и вечернее (с 20 до 24 часов). Очень трудный для понимания материал лучше изучать в начале каждого отрезка времени (лучше всего утреннего) после хорошего отдыха. Через 1-1,5 часа нужны перерывы по 10 - 15 мин, через 3 - 4 часа работы отдых должен быть продолжительным - около часа.

Составной частью научной организации умственного труда является овладение техникой умственного труда.

Физически здоровый молодой человек, обладающий хорошей подготовкой и нормальными способностями, должен, будучи студентом, отдавать учению 9-10 часов в день (из них 6 часов в вузе и 3 - 4 часа дома). Любой предмет нельзя изучить за несколько дней перед экзаменом. Если студент в году работает систематически, то он быстро все вспомнит,

восстановит забытое. Если же подготовка шла аврально, то у студента не будет даже общего представления о предмете, он забудет все сданное.

Следует взять за правило: учиться ежедневно, начиная с первого дня семестра.

Время, которым располагает студент для выполнения учебного плана, складывается из двух составляющих: одна из них - это аудиторная работа в вузе по расписанию занятий, другая - внеаудиторная самостоятельная работа. Задания и материалы для самостоятельной работы выдаются во время учебных занятий по расписанию, на этих же занятиях преподаватель осуществляет контроль за самостоятельной работой, а также оказывает помощь студентам по правильной организации работы.

Чтобы выполнить весь объем самостоятельной работы, необходимо заниматься по 3 - 5 часов ежедневно. Начинать самостоятельные внеаудиторные занятия следует с первых же дней семестра, пропущенные дни будут потеряны безвозвратно, компенсировать их позднее усиленными занятиями без снижения качества работы и ее производительности невозможно. Первые дни семестра очень важны для того, чтобы включиться в работу, установить определенный порядок, равномерный ритм на весь семестр. Ритм в работе - это ежедневные самостоятельные занятия, желательно в одни и те же часы, при целесообразном чередовании занятий с перерывами для отдыха. Вначале для того, чтобы организовать ритмичную работу, требуется сознательное напряжение воли. Как только человек втянулся в работу, принуждение снижается, возникает привычка, работа становится потребностью.

Если порядок в работе и ее ритм установлены правильно, то студент изо дня в день может работать, не снижая своей производительности и не перегружая себя. Правильная смена одного вида работы другим позволяет отдыхать, не прекращая работы.

Таким образом, первая задача организации внеаудиторной самостоятельной работы – это составление расписания, которое должно

отражать время занятий, их характер (теоретический курс, практические занятия, графические работы, чтение), перерывы на обед, ужин, отдых, сон, проезд и т.д. Расписание не предопределяет содержания работы, ее содержание неизбежно будет изменяться в течение семестра. Порядок же следует закрепить на весь семестр и приложить все усилия, чтобы поддерживать его неизменным (кроме исправления ошибок в планировании, которые могут возникнуть из-за недооценки объема работы или переоценки своих сил).

При однообразной работе человек утомляется больше, чем при работе разного характера. Однако не всегда целесообразно заниматься многими учебными дисциплинами в один и тот же день, так как при каждом переходе нужно вновь сосредоточить внимание, что может привести к потере времени. Наиболее целесообразно ежедневно работать не более чем над двумя-тремя дисциплинами.

Начиная работу, не нужно стремиться делать вначале самую тяжелую ее часть, надо выбрать что-нибудь среднее по трудности, затем перейти к более трудной работе. И напоследок оставить легкую часть, требующую не столько больших интеллектуальных усилий, сколько определенных моторных действий (черчение, построение графиков и т.п.).

Самостоятельные занятия потребуют интенсивного умственного труда, который необходимо не только правильно организовать, но и стимулировать. При этом очень важно уметь поддерживать устойчивое внимание к изучаемому материалу. Выработка внимания требует значительных волевых усилий. Именно поэтому, если студент замечает, что он часто отвлекается во время самостоятельных занятий, ему надо заставить себя сосредоточиться. Подобную процедуру необходимо проделывать постоянно, так как это является тренировкой внимания. Устойчивое внимание появляется тогда, когда человек относится к делу с интересом.

Следует правильно организовать свои занятия по времени: 50 минут - работа, 5-10 минут - перерыв; после 3 часов работы перерыв - 20-25 минут.

Иначе нарастающее утомление повлечет неустойчивость внимания. Очень существенным фактором, влияющим на повышение умственной работоспособности, являются систематические занятия физической культурой. Организация активного отдыха предусматривает чередование умственной и физической деятельности, что полностью восстанавливает работоспособность человека.

Изучение дисциплины следует начинать с проработки рабочей программы, особое внимание, уделяя целям и задачам, структуре и содержанию курса.

При подготовке к занятиям студент должен просмотреть конспекты лекций, рекомендованную литературу по данной теме; подготовиться к ответу на контрольные вопросы.

Успешное изучение курса требует от студентов посещения лекций, активной работы на практических занятиях, выполнения всех учебных заданий преподавателя, ознакомления основной и дополнительной литературой.

Запись лекции – одна из форм активной самостоятельной работы студентов, требующая навыков и умения кратко, схематично, последовательно и логично фиксировать основные положения, выводы, обобщения, формулировки. Культура записи лекции – один из важнейших факторов успешного и творческого овладения знаниями. Последующая работа над текстом лекции воскрешает в памяти ее содержание, позволяет развивать аналитическое мышление. В конце лекции преподаватель оставляет время (5-10 минут) для того, чтобы студенты имели возможность задать уточняющие вопросы по изучаемому материалу.

Лекции имеют в основном обзорный характер и нацелены на освещение наиболее трудных и дискуссионных вопросов, а также призваны способствовать формированию навыков работы с научной литературой. Предполагается также, что студенты приходят на лекции, предварительно

проработав соответствующий учебный материал по источникам, рекомендуемым программой.

Работа с конспектом лекций предполагает просмотр конспекта в тот же день после занятий, пометку материала конспекта, который вызывает затруднения для понимания. Попытайтесь найти ответы на затруднительные вопросы, используя рекомендуемую литературу. Если самостоятельно не удалось разобраться в материале, сформулируйте вопросы и обратитесь за помощью к преподавателю на консультации или ближайшей лекции. Регулярно отводите время для повторения пройденного материала, проверяя свои знания, умения и навыки по контрольным вопросам.

Как слушать лекцию.

1. Выделяйте основные положения. Нельзя понять и запомнить все, что говорит лектор, однако можно выделить основные моменты. Для этого необходимо обращать внимание на вводные слова, словосочетания, фразы, которые используются, как правило, для перехода к новым положениям, выводам и обобщениям.

2. Старайтесь поэтапно (в момент завершения вопроса, подвопроса, тезиса и т.п.) анализировать и обобщать материал. Это готовит базу для его экономной, свернутой записи.

3. Старайтесь опережать речь лектора, предугадать дальнейшее содержание. С каждым случаем удачи улучшается понимание и запоминание отдельных положений лекции. Даже при неудачах качество восприятия лекции повышается, т.к. вы имеете возможность сравнить ваши предложения и утверждения лектора.

4. Будьте постоянно готовы слушать лекцию до конца, не поддавайтесь соблазну «отдохнуть» на длинной лекции.

Как правильно записывать лекцию.

1. Подготовьте специальную тетрадь для записи лекций: оставьте поля (для вопросов, мелких пометок и рисунков, собственных замечаний и т.д.),

оставляйте при записи между строчками интервал (для дополнений, подчеркиваний и т.п.).

2. Не пишите лекцию дословно, подробно записывайте основную информацию, а дополнительные и вспомогательные сведения - очень кратко.

3. Применяйте систему условных сокращений:

а) сокращение общепринятых вспомогательных слов: так как, например (т.к., напр.), так далее (т.д.), таким образом, главным образом (т.о., гл.обр.), смотри (см), может быть (м.б.), так называемый (т.н.), какой-либо (к-л.), который (кт. или ктр.), несколько (неск.), чтобы (чбы.) и т.д.

б) аббревиатуры для ключевых слов курса, например, теория и методика развития математических представлений у детей дошкольного возраста (ТМРМП), формирование математических представлений (ФМП) и другие.

4. При записи и работе над конспектом лекции используйте условные знаки:

I - прочитать ещё раз, Y – важно, Z - законспектировать ! – смело, ? – непонятно, S – слишком сложно, A – согласен, N - ново и др.

Как работа с книгой

При работе с книгой необходимо подобрать литературу, научиться правильно ее читать, вести записи. Для подбора литературы в библиотеке используются алфавитный и систематический каталоги.

Важно помнить, что рациональные навыки работы с книгой - это всегда большая экономия времени и сил.

Правильный подбор учебников рекомендуется преподавателем, читающим лекционный курс. Необходимая литература может быть также указана в методических разработках по данному курсу.

Изучая материал по учебнику, следует переходить к следующему вопросу только после правильного уяснения предыдущего, описывая на бумаге все выкладки и вычисления (в том числе те, которые в учебнике опущены или на лекции даны для самостоятельного вывода).

При изучении любой дисциплины большую и важную роль играет самостоятельная индивидуальная работа.

Особое внимание следует обратить на определение основных понятий курса. Студент должен подробно разбирать примеры, которые поясняют такие определения, и уметь строить аналогичные примеры самостоятельно. Нужно добиваться точного представления о том, что изучаешь. Полезно составлять опорные конспекты. При изучении материала по учебнику полезно в тетради (на специально отведенных полях) дополнять конспект лекций. Там же следует отмечать вопросы, выделенные студентом для консультации с преподавателем.

Выводы, полученные в результате изучения, рекомендуется в конспекте выделять, чтобы они при перечитывании записей лучше запоминались.

Опыт показывает, что многим студентам помогает составление листа опорных сигналов, содержащего важнейшие и наиболее часто употребляемые формулы и понятия. Такой лист помогает запомнить формулы, основные положения лекции, а также может служить постоянным справочником для студента.

Различают два вида чтения; первичное и вторичное. Первичное - это внимательное, неторопливое чтение, при котором можно остановиться на трудных местах. После него не должно остаться ни одного непонятого слова. Содержание не всегда может быть понятно после первичного чтения.

Задача вторичного чтения - полное усвоение смысла целого (по сути это чтение может быть и не вторым, а третьим или четвертым).

Правила самостоятельной работы с литературой.

Как уже отмечалось, самостоятельная работа с учебниками и книгами (а также самостоятельное теоретическое исследование проблем, обозначенных преподавателем на лекциях) – это важнейшее условие формирования у себя научного способа познания. Основные советы здесь можно свести к следующим:

- Составить перечень книг, с которыми Вам следует познакомиться; «не старайтесь запомнить все, что вам в ближайшее время не понадобится, – советует студенту и молодому ученому Г. Селье, – запомните только, где это можно отыскать» (Селье, 1987. С. 325).

- Сам такой перечень должен быть систематизированным (что необходимо для семинаров, что для экзаменов, что пригодится для написания курсовых и дипломных работ, а что Вас интересует за рамками официальной учебной деятельности, то есть что может расширить Вашу общую культуру...).

- Обязательно выписывать все выходные данные по каждой книге (при написании курсовых и дипломных работ это позволит очень сэкономить время).

- Разобраться для себя, какие книги (или какие главы книг) следует прочитать более внимательно, а какие – просто просмотреть.

- При составлении перечней литературы следует посоветоваться с преподавателями и научными руководителями (или даже с более подготовленными и эрудированными сокурсниками), которые помогут Вам лучше сориентироваться, на что стоит обратить большее внимание, а на что вообще не стоит тратить время...

- Естественно, все прочитанные книги, учебники и статьи следует конспектировать, но это не означает, что надо конспектировать «все подряд»: можно выписывать кратко основные идеи автора и иногда приводить наиболее яркие и показательные цитаты (с указанием страниц).

- Если книга – Ваша собственная, то допускается делать на полях книги краткие пометки или же в конце книги, на пустых страницах просто сделать свой «предметный указатель», где отмечаются наиболее интересные для Вас мысли и обязательно указываются страницы в тексте автора (это очень хороший совет, позволяющий экономить время и быстро находить «избранные» места в самых разных книгах).

- Если Вы раньше мало работали с научной литературой, то следует выработать в себе способность «воспринимать» сложные тексты; для этого

лучший прием – научиться «читать медленно», когда Вам понятно каждое прочитанное слово (а если слово незнакомое, то либо с помощью словаря, либо с помощью преподавателя обязательно его узнать), и это может занять немалое время (у кого-то – до нескольких недель и даже месяцев); опыт показывает, что после этого студент каким-то «чудом» начинает буквально заглатывать книги и чуть ли не видеть «сквозь обложку», стоящая это работа или нет...

- «Либо читайте, либо перелистывайте материал, но не пытайтесь читать быстро... Если текст меня интересует, то чтение, размышление и даже фантазирование по этому поводу сливаются в единый процесс, в то время как вынужденное скорочтение не только не способствует качеству чтения, но и не приносит чувства удовлетворения, которое мы получаем, размышляя о прочитанном», – советует Г. Селье (Селье, 1987. – С. 325-326).

- Есть еще один эффективный способ оптимизировать знакомство с научной литературой – следует увлечься какой-то идеей и все книги просматривать с точки зрения данной идеи. В этом случае студент (или молодой ученый) будет как бы искать аргументы «за» или «против» интересующей его идеи, и одновременно он будет как бы общаться с авторами этих книг по поводу своих идей и размышлений... Проблема лишь в том, как найти «свою» идею...

Чтение научного текста является частью познавательной деятельности. Ее цель – извлечение из текста необходимой информации. От того на сколько осознанна читающим собственная внутренняя установка при обращении к печатному слову (найти нужные сведения, усвоить информацию полностью или частично, критически проанализировать материал и т.п.) во многом зависит эффективность осуществляемого действия.

Выделяют четыре основные установки в чтении научного текста:

1. информационно-поисковый (задача – найти, выделить искомую информацию)

2. усваивающая (усилия читателя направлены на то, чтобы как можно полнее осознать и запомнить как сами сведения излагаемые автором, так и всю логику его рассуждений)

3. аналитико-критическая (читатель стремится критически осмыслить материал, проанализировав его, определив свое отношение к нему)

4. творческая (создает у читателя готовность в том или ином виде – как отправной пункт для своих рассуждений, как образ для действия по аналогии и т.п. – использовать суждения автора, ход его мыслей, результат наблюдения, разработанную методику, дополнить их, подвергнуть новой проверке).

С наличием различных установок обращения к научному тексту связано существование и нескольких видов чтения:

1. библиографическое – просматривание карточек каталога, рекомендательных списков, сводных списков журналов и статей за год и т.п.;

2. просмотрное – используется для поиска материалов, содержащих нужную информацию, обычно к нему прибегают сразу после работы со списками литературы и каталогами, в результате такого просмотра читатель устанавливает, какие из источников будут использованы в дальнейшей работе;

3. ознакомительное – подразумевает сплошное, достаточно подробное прочтение отобранных статей, глав, отдельных страниц, цель – познакомиться с характером информации, узнать, какие вопросы вынесены автором на рассмотрение, провести сортировку материала;

4. изучающее – предполагает доскональное освоение материала; в ходе такого чтения проявляется доверие читателя к автору, готовность принять изложенную информацию, реализуется установка на предельно полное понимание материала;

5. аналитико-критическое и творческое чтение – два вида чтения близкие между собой тем, что участвуют в решении исследовательских задач. Первый из них предполагает направленный критический анализ, как самой информации, так и способов ее получения и подачи автором; второе – поиск

тех суждений, фактов, по которым или в связи с которыми, читатель считает нужным высказать собственные мысли.

Из всех рассмотренных видов чтения основным для студентов является изучающее – именно оно позволяет в работе с учебной литературой накапливать знания в различных областях. Вот почему именно этот вид чтения в рамках учебной деятельности должен быть освоен в первую очередь. Кроме того, при овладении данным видом чтения формируются основные приемы, повышающие эффективность работы с научным текстом.

Основные виды систематизированной записи прочитанного:

1. Аннотирование – предельно краткое связное описание просмотренной или прочитанной книги (статьи), ее содержания, источников, характера и назначения;
2. Планирование – краткая логическая организация текста, раскрывающая содержание и структуру изучаемого материала;
3. Тезирование – лаконичное воспроизведение основных утверждений автора без привлечения фактического материала;
4. Цитирование – дословное выписывание из текста выдержек, извлечений, наиболее существенно отражающих ту или иную мысль автора;
5. Конспектирование – краткое и последовательное изложение содержания прочитанного.

Конспект – сложный способ изложения содержания книги или статьи в логической последовательности. Конспект аккумулирует в себе предыдущие виды записи, позволяет всесторонне охватить содержание книги, статьи. Поэтому умение составлять план, тезисы, делать выписки и другие записи определяет и технологию составления конспекта.

Методические рекомендации по составлению конспекта:

1. Внимательно прочитайте текст. Уточните в справочной литературе непонятные слова. При записи не забудьте вынести справочные данные на поля конспекта;
2. Выделите главное, составьте план;

3. Кратко сформулируйте основные положения текста, отметьте аргументацию автора;

4. Законспектируйте материал, четко следуя пунктам плана. При конспектировании старайтесь выразить мысль своими словами. Записи следует вести четко, ясно.

5. Грамотно записывайте цитаты. Цитируя, учитывайте лаконичность, значимость мысли.

В тексте конспекта желательно приводить не только тезисные положения, но и их доказательства. При оформлении конспекта необходимо стремиться к емкости каждого предложения. Мысли автора книги следует излагать кратко, заботясь о стиле и выразительности написанного. Число дополнительных элементов конспекта должно быть логически обоснованным, записи должны распределяться в определенной последовательности, отвечающей логической структуре произведения. Для уточнения и дополнения необходимо оставлять поля.

Овладение навыками конспектирования требует от студента целеустремленности, повседневной самостоятельной работы.

Как готовиться к практическим занятиям

Для того чтобы практические занятия приносили максимальную пользу, необходимо помнить, что упражнение и решение задач проводятся по вычитанному на лекциях материалу и связаны, как правило, с детальным разбором отдельных вопросов лекционного курса. Следует подчеркнуть, что только после усвоения лекционного материала с определенной точки зрения (а именно с той, с которой он излагается на лекциях) он будет закрепляться на практических занятиях как в результате обсуждения и анализа лекционного материала, так и с помощью решения проблемных ситуаций, задач. При этих условиях студент не только хорошо усвоит материал, но и научится применять его на практике, а также получит дополнительный стимул (и это очень важно) для активной проработки лекции.

При самостоятельном решении задач нужно обосновывать каждый этап решения, исходя из теоретических положений курса. Если студент видит несколько путей решения проблемы (задачи), то нужно сравнить их и выбрать самый рациональный. Полезно до начала вычислений составить краткий план решения проблемы (задачи). Решение проблемных задач или примеров следует излагать подробно, вычисления располагать в строгом порядке, отделяя вспомогательные вычисления от основных. Решения при необходимости нужно сопровождать комментариями, схемами, чертежами и рисунками.

Следует помнить, что решение каждой учебной задачи должно доводиться до окончательного логического ответа, которого требует условие, и по возможности с выводом. Полученный ответ следует проверить способами, вытекающими из существа данной задачи. Полезно также (если возможно) решать несколькими способами и сравнить полученные результаты. Решение задач данного типа нужно продолжать до приобретения твердых навыков в их решении.

Самопроверка

После изучения определенной темы по записям в конспекте и учебнику, а также решения достаточного количества соответствующих задач на практических занятиях и самостоятельно студенту рекомендуется, используя лист опорных сигналов, воспроизвести по памяти определения, выводы формул, формулировки основных положений и доказательств.

В случае необходимости нужно еще раз внимательно разобраться в материале.

Иногда недостаточность усвоения того или иного вопроса выясняется только при изучении дальнейшего материала. В этом случае надо вернуться назад и повторить плохо усвоенный материал. Важный критерий усвоения теоретического материала - умение решать задачи или пройти тестирование по пройденному материалу. Однако следует помнить, что правильное решение

задачи может получиться в результате применения механически заученных формул без понимания сущности теоретических положений.

Консультации

Если в процессе самостоятельной работы над изучением теоретического материала или при решении задач у студента возникают вопросы, разрешить которые самостоятельно не удастся, необходимо обратиться к преподавателю для получения у него разъяснений или указаний. В своих вопросах студент должен четко выразить, в чем он испытывает затруднения, характер этого затруднения. За консультацией следует обращаться и в случае, если возникнут сомнения в правильности ответов на вопросы самопроверки.

Как готовиться к экзаменам и зачетам

Изучение многих общепрофессиональных и специальных дисциплин завершается экзаменом. Подготовка к экзамену способствует закреплению, углублению и обобщению знаний, получаемых, в процессе обучения, а также применению их к решению практических задач. Готовясь к экзамену, студент ликвидирует имеющиеся пробелы в знаниях, углубляет, систематизирует и упорядочивает свои знания. На экзамене студент демонстрирует то, что он приобрел в процессе обучения по конкретной учебной дисциплине.

Экзаменационная сессия - это серия экзаменов, установленных учебным планом. Между экзаменами интервал 3-4 дня. Не следует думать, что 3-4 дня достаточно для успешной подготовки к экзаменам.

В эти 3-4 дня нужно систематизировать уже имеющиеся знания. На консультации перед экзаменом студентов познакомят с основными требованиями, ответят на возникшие у них вопросы. Поэтому посещение консультаций обязательно.

Требования к организации подготовки к экзаменам те же, что и при занятиях в течение семестра, но соблюдаться они должны более строго. Во-первых, очень важно соблюдение режима дня; сон не менее 8 часов в сутки, занятия заканчиваются не позднее, чем за 2-3 часа до сна. Оптимальное время занятий, особенно по математике - утренние и дневные часы. В перерывах

между занятиями рекомендуются прогулки на свежем воздухе, неумотительные занятия спортом. Во-вторых, наличие хороших собственных конспектов лекций. Даже в том случае, если была пропущена какая-либо лекция, необходимо во время ее восстановить (переписать ее на кафедре), обдумать, снять возникшие вопросы для того, чтобы запоминание материала было осознанным. В-третьих, при подготовке к экзаменам у студента должен быть хороший учебник или конспект литературы, прочитанной по указанию преподавателя в течение семестра. Здесь можно эффективно использовать листы опорных сигналов.

Вначале следует просмотреть весь материал по сдаваемой дисциплине, отметить для себя трудные вопросы. Обязательно в них разобраться. В заключение еще раз целесообразно повторить основные положения, используя при этом листы опорных сигналов.

Систематическая подготовка к занятиям в течение семестра позволит использовать время экзаменационной сессии для систематизации знаний.

Правила подготовки к зачетам и экзаменам:

- Лучше сразу сориентироваться во всем материале и обязательно расположить весь материал согласно экзаменационным вопросам (или вопросам, обсуждаемым на семинарах), эта работа может занять много времени, но все остальное – это уже технические детали (главное – это ориентировка в материале!).

- Сама подготовка связана не только с «запоминанием». Подготовка также предполагает и переосмысление материала, и даже рассмотрение альтернативных идей.

- Готовить «шпаргалки» полезно, но пользоваться ими нельзя. Главный смысл подготовки «шпаргалок» – это систематизация и оптимизация знаний по данному предмету, что само по себе прекрасно – это очень сложная и важная для студента работа, более сложная и важная, чем простое поглощение массы учебной информации. Если студент самостоятельно подготовил такие

«шпаргалки», то, скорее всего, он и экзамены сдавать будет более уверенно, так как у него уже сформирована общая ориентировка в сложном материале.

- Как это ни парадоксально, но использование «шпаргалок» часто позволяет отвечающему студенту лучше продемонстрировать свои познания (точнее – ориентировку в знаниях, что намного важнее знания «запомненного» и «тут же забытого» после сдачи экзамена).

- Сначала студент должен продемонстрировать, что он «усвоил» все, что требуется по программе обучения, и лишь после этого он вправе высказать иные, желательно аргументированные точки зрения.